

**Ex1 :** Définis les variables et les fonctions suivantes, trouve les relations qui relient ces variables :  $P, V, T, n, \rho, m, M, d, x, C_P, C_V, P_L, P_T$ .

**Ex 2 :** L'équation d'état des gaz parfaits est donnée par  $PV=RT$  (pour une mole)  
Calcule les valeurs de  $R$  en utilisant les différentes unités.

**Ex 3 :** Soit la fonction  $Z(x,y) = x^3 + y^4 + 3x^2 y^3$   
Calcule les premières dérivées partielles et les secondes dérivées partielles croisées. Que conclue-t-on ? Comment appelle-t-on  $Z$  et  $dZ$  ?

On donne  $dZ(x,y) = A dx + B dy$  et  $Z(x,y) = x^3 y^4$

Définis et détermine  $A, B, \frac{\partial A}{\partial y}, \frac{\partial B}{\partial x}$ ,  $dZ$  est elle une D.T.E.

La pression de Vander Waals est donnée par  $P(V, T) = \frac{nRT}{V - nb} - \frac{an^2}{V^2}$ .

Calcule :  $\frac{\partial^2 P}{\partial T \partial V}, \frac{\partial^2 P}{\partial V \partial T}$ . Quelles conclusions tire-t-on?

### GAZ PARFAITS.

Exercices à traiter : (1, 2, 3, 4, 5, 8, 9, 11, et 12)

**Ex 1 :**

Une bouteille d'hydrogène de 50 litres contient une quantité d'hydrogène à 20°C et sous 200 atm. Calcule :  $n, m$  et  $P$  à 500°C.

**Ex 2 :**

20g d'un gaz parfait de masse molaire 44g/mol se trouvent à 37°C et sous une pression de  $4,510^5$  Pa. Quelle est dans ces conditions, la valeur de sa masse volumique.

**Ex 3 :**

On introduit 0,89 mol à 24°C d'un gaz parfait dans une enceinte vide de volume 0,763 litres. Calculer son volume dans les C.N (0°C et 1 atm)

**Ex 4 :**

Dans une enceinte vide de 10 litres, on introduit 8,4g d'azote 3,6g d'argon et 2,4g d'hydrogène. Calculer la pression totale et les pressions partielles si  $t = 27^\circ\text{C}$ .

**Ex 5 :**

On introduit dans une enceinte vide de 2,83 litres ; 0,174g d' $\text{H}_2$  et 1,365g d' $\text{N}_2$  à 0°C. Calculer la pression totale, les pressions partielles et les fractions molaires  $x_i$

**Ex 6 :**

La masse volumique d'un gaz parfait est de 2,76 g/l à 25°C et 2 atm. Calculer : sa masse molaire et le volume occupé par une mole de ce gaz dans les conditions de l'expérience et dans les conditions normales.

**Ex 7 :**

Une enceinte de 30 litres contient la même quantité (en masse) d' $\text{H}_2$  et d' $\text{N}_2$  sous 2 atm et 27°C. Calculer les nombres de mole et les pressions partielles de chaque gaz.

**Ex 8 :**

On introduit  $n_A$  moles d'un gaz A dans une enceinte vide de volume  $V$  sa pression est de 0,5 atm à  $T$ . On ajoute à la même enceinte  $n_B$  moles d'un gaz B, à la température  $T$  sa pression est  $P_B$ . Calcule : le volume de l'enceinte et la pression totale.

$T = 25^\circ\text{C}$  ;  $n_B = 0,12$  mol ;  $P_B = 0,209$  atm.

**Ex 9 :**

Un récipient divisé en deux parties par une membrane, la 1<sup>re</sup> partie contient 5 litres d'un gaz à 9 atm. La 2<sup>e</sup> contient 10 litres d'un autre gaz à 6 atm et à la même température

- On brise la membrane : calculer  $P_T$  et les pressions partielles
- On libère la membrane : calculer la pression et le volume de chaque gaz.

**Ex 10 :**

Un récipient de 10 litres contient trois gaz différents à 800 mm Hg et 30°C

Le mélange gazeux contient 8,8 g de  $\text{CO}_2$ , 6,4 g d' $\text{O}_2$  et une quantité de  $\text{N}_2$ .

Calculer la pression partielle de chaque gaz et la quantité de  $\text{N}_2$ .

**Ex 11 :**

On introduit dans un cylindre fermé par un piston (mobile et sans masse)

0,1 mole d'azote et 0,3 mole d'argon, la pression du mélange est 1 atm à T.

Quelle est la pression de chaque gaz. On ajoute au mélange 4,4 g de  $\text{CO}_2$  à T.

Quelles seront les nouvelles pressions partielles dans chaque cas:

- 1- Pression totale constante (piston libre)
- 2- Le volume n'a pas varié (piston bloqué).

**Ex 12 :**

Un cylindre rigide fermé par un piston mobile contient 2 moles de gaz sous

$P = 200 \text{ kPa}$  et  $V = 40 \text{ litres}$ . Le gaz subit les transformations suivantes (non successives).

- On chauffe le gaz à pression constante jusqu'à  $V = 100 \text{ litres}$
- On chauffe le système à  $PV = \text{Cste}$  jusqu'à  $V = 100 \text{ litres}$
- On fixe le piston et on diminue sa pression jusqu'à 100 kPa.

Déterminer pour chaque transformation l'état du système ( $P$ ,  $V$ ,  $T$ ) et la nature de la transformation.

- Représenter ces transformations dans les plans Amagat et Clapeyron.

**Ex 13 :**

Une masse d'un gaz parfait subit une transformation isotherme de l'état (1) défini par ( $P_1 = 1 \text{ atm}$ ,  $V_1 = 2 \text{ l}$ ,  $T_1 = 25^\circ \text{C}$ ) à l'état (2) :  $P_2 = 12 \text{ atm}$ , calculer  $V_2$  ?

- Cette masse subit une transformation isobare de son état initial jusqu'à  $T = 267^\circ \text{C}$ , calculer  $V$  ?

- On introduit cette masse dans un cylindre en acier fermé à  $27^\circ \text{C}$  et 2 atm.

Quelle est sa pression si on chauffe jusqu'à  $130^\circ \text{C}$ .

**Ex 14 :**

Un cylindre divisé en trois parties par des parois, chaque partie contient un gaz, les gaz sont en équilibre thermique. On brise les parois: que se passe-t-il ?

Détermine: La pression totale  $P_T$ , les pressions partielles et les fractions molaires en fonction de :  $P_1, V_1, P_2, V_2$  sachant que:

$$P_3 = 2 P_1 = 4 P_2 ; V_2 = 2 V_1 = 4 V_3 ; \text{ A.N. } P_1 = 2 \text{ atm et } V_1 = 1 \text{ litre.}$$

**Ex 15 :**

la dilatation isobare d'un gaz a donné les résultats suivants

| $t^\circ \text{C}$ | 20    | 40    | 60    | 80    | 100   |
|--------------------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $V (\text{cm}^3)$  | 268,3 | 286,6 | 305,0 | 323,3 | 341,6 |

- 1- Représentez  $V=f(t)$ .
- 2- La courbe est-elle compatible avec une loi du type :  $V = V_0(1 + \alpha.t)$  ?
- 3- Déterminez  $V_0$  et  $\alpha$  ? Exprimez  $\alpha$  sous la forme d'une fraction ( $\alpha = \frac{1}{k}$ )